

סטטיסטיקה לכלכלה א

פרק 12 - הסתברות מותנית - מרחב לא אחיד

תוכן העניינים

1. כללי

הסתברות מותנית – מרחב לא אחד:

רקע:

$$\text{הסיכוי שמאורע } A \text{ יתרחש, בהינתן שמאורע } B \text{ כבר קרה: } P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

במונח: הסיכוי לחיותך של שני המאורעות, זה הנשאל וזה הנتوן שהתרחש.

במקרה: הסיכוי למאורע נתון שהתרחש.

דוגמה (פתרון בהקלטה):

נבחרו משפחות שיש להם שתי מכוניות. ל- 30% מהמשפחות הללו המכונית הישנה יותר היא מתוצרת אירופה ואצל 60% מהמשפחות הללו המכונית החדשה יותר מתוצרת אירופה. כמו כן, בקרב 15% מהמשפחות הללו שתי המכוניות הן מתוצרת אירופאית. אם המכונית הישנה של המשפחה היא אירופאית, מה ההסתברות שגם החדש אירופאי?

שאלות:

- 1)** תלמיד ניגש בסמסטר לשני מבחנים: מבחן בכלכלה ו מבחן בסטטיסטיקה. נגידיר את המאורעות הבאים:
 A - עבר את המבחן בסטטיסטיקה.
 B - עבר את המבחן בכלכלה.
 כמו כן נתון שהסיכוי לעبور את המבחן בכלכלה הנו 0.8, הסיכוי לעبور את המבחן בסטטיסטיקה הנו 0.9 והסיכוי לעبور את שני המבחנים הנו 0.75. חשבו את הסיכויים למאורעות הבאים:
 א. התלמיד עבר בסטטיסטיקה, מה ההסתברות שהוא עבר בכלכלה?
 ב. התלמיד עבר בכלכלה, מה ההסתברות שהוא עבר בסטטיסטיקה?
 ג. התלמיד עבר בכלכלה, מה ההסתברות שהוא נכשל בסטטיסטיקה?
 ד. התלמיד נכשל בסטטיסטיקה, מה ההסתברות שהוא נכשל בכלכלה?
 ה. התלמיד עבר לפחות מבחן אחד, מה ההסתברות שהוא עבר את שניהם?
- 2)** במדינה שתי חברות טלפונ סולולרי: "סופט" ו"בל". 30% מההתושבים הבוגרים רשומים אצל חברת "בל", 60% מההתושבים הבוגרים רשומים אצל חברת "סופט" ול-15% מההתושבים הבוגרים אין טלפון סולולاري כלל.
 א. איזה אחוז מההתושבים הבוגרים רשומים אצל שתי החברות?
 ב. נבחר אדם רשום אצל חברת "סופט", מה ההסתברות שהוא רשום גם אצל חברת "בל" ?
 ג. אם אדם לא רשום אצל חברת "בל", מה ההסתברות שהוא כן רשום בחברת "סופט" ?
 ד. אם אדם רשום אצל חברת אחת בלבד, מה ההסתברות שהוא רשום בחברת "סופט" ?
- 3)** במכלה שני חניות: חניון קטן וחניון גדול. בשעה 00:08 יש סיכוי של 60% שבחניון הגודל יש מקום, סיכוי של 30% שבחניון הקטן יש מקום וסיכוי של 20% שבחניון החניונים יש מקום.
 א. מה ההסתברות שיש מקום בשעה 00:08 רק בחניון הגודל של המכלה?
 ב. ידוע שבחניון הקטן יש מקום בשעה 00:08, מה הסיכוי שבחניון הגודל יש מקום?
 ג. אם בשעה 00:08 בחניון הגודל אין מקום, מה ההסתברות שבחניון הקטן יהיה מקום?
 ד. נתון שלפחות באחד מהחניות יש מקום בשעה 00:08, מה ההסתברות שבחניון הגודל יש מקום?

4) נלקחו 200 שכירים ו-100 עצמאים. מתוך השכירים 20 הם אקדמיים, ומłuż העצמאים 30 הם אקדמיים.

א. בנו טבלת שכיחות משותפת לנוטונים.

ב. נבחר אדם אקרי מה ההסתברות שהוא שכיר?

ג. מה ההסתברות שהוא שכיר ולא אקדמי?

ד. מה ההסתברות שהוא שכיר או אקדמי?

ה. אם האדם שנבחר הוא עצמאי מהי ההסתברות שהוא אקדמי?

ו. אם האדם שנבחר הוא לא אקדמי, מה ההסתברות שהוא שכיר?

5) חברת מסויימת פרסום את הנתונים הבאים לגבי האזרחים מעל גיל 21:
 40% מהאנשים מחזיקים כרטיס "ויזה", 52% מחזיקים כרטיס "ישראלכרט",
 20% מחזיקים כרטיס "אמריקן אקספרס", 15% מחזיקים ויזה וגם ישראלכרט,
 8% מחזיקים ישראלכרט וגם אמריקן אקספרס ו-7% מחזיקים כרטיס ויזה וגם
 אמריקן אקספרס. כמו כן, 5% מחזיקים בשלושת הcredיטיסים הנ"ל.

א. אם לאדם יש ויזה, מה הסיכוי שאין לו ישראלכרט?

ב. אם לאדם שני כרטיסי אשראי, מה הסיכוי שאין לו ישראלכרט?

ג. אם לאדם לפחות כרטיס אחד, מה הסיכוי שאין לו ישראלכרט?

תשובות סופיות:

(1) א. 0.833 ב. 0.9375 ג. 0.0625 ד. 0.5 ה. 0.789

(2) א. 5% ב. 0.0833 ג. 0.786 ד. 0.6875 ה. 0.5

(3) א. 0.4 ב. $\frac{2}{3}$ ג. 0.25 ד. $\frac{6}{7}$ ה. 0.72

(4) א. להלן טבלה: ב. $\frac{2}{3}$ ג. 0.6 ד. $\frac{23}{30}$ ה. 0.72

סה"כ	אקדמי	לא אקדמי	שכירות
סה"כ	300	250	50
עצמאי	100	70	30
סכום	200	180	20

(5) א. 0.625 ב. 0.133 ג. 0.402 ד. 0.3 ה. 0.72